



# Concursul de Matematică Valeriu Alaci - 2015

## Test clasa a X-a Secțiunea Uman - faza de calificare

(10p) 1. Rezultatul calculului  $(2^2)^{\frac{5}{4}} \cdot \sqrt{2}$  este:

- a) un număr irațional      b) un număr par      c)  $4\sqrt{2}$   
d) un număr mai mic decât 2      e) un număr impar      f)  $2\sqrt{2}$ .

(10p) 2. Fie  $a = \sqrt{2}$  și  $b = 1 + \sqrt{2}$ . Care din următoarele afirmații este falsă?

- a)  $a < b$       b)  $b^2 = 3 + 2a$       c)  $a^2 = 2$       d)  $b^2 = 2b + 1$       e)  $ab = b + 1$       f)  $\frac{b}{a} = 1 + a$

(10p) 3. Dacă  $\log_4 x = 2$  atunci  $\log_2 x$  este:

- a)  $\frac{1}{2}$       b) 1      c) 2      d) 4      e) 16      f)  $\frac{1}{4}$

(10p) 4. Fie numărul real  $a$  și funcția  $f : \{1, 8, 27\} \rightarrow \{1, 2, a\}$ ,  $f(x) = \sqrt[3]{x}$ . Să se precizeze valoarea lui  $a$ .

- a) 64      b) 16      c) 32      d) 8      e) 4      f) 3

(10p) 5. Pentru ce valoare a lui  $t$  are loc egalitatea  $2^t = 2^{3t+4}$  ?

- a) -4      b) -2      c)  $-\frac{1}{2}$       d)  $\frac{1}{2}$       e) 2      f) 4

(10p) 6. Să se găsească cel mai mare număr natural mai mic decât soluția ecuației  $\sqrt{2x+1} = 4$ .

- a) 1      b) 3      c) 7      d) 8      e) 11      f) 12

(10p) 7. Creșterea temperaturii într-o incintă este dată de legea  $T(t) = 3 \log_2(t+2)$ , unde  $T(t)$  este temperatura în grade Celsius la momentul de timp  $t$  (exprimat în ore). Să se precizeze temperatura inițială ( $t = 0$ ) și temperatura după 6 ore.

- a)  $0^\circ C, 8^\circ C$       b)  $1^\circ C, 6^\circ C$       c)  $3^\circ C, 6^\circ C$       d)  $3^\circ C, 8^\circ C$       e)  $3^\circ C, 9^\circ C$       f)  $3^\circ C, (3 \log_2 6)^\circ C$

(10p) 8. Notăm cu  $n$  cel mai apropiat număr natural de soluția ecuației  $\log_3(x-1) = -1$ . Atunci:

- a)  $n = 1$       b)  $n = 2$       c)  $n = 3$       d)  $n = 4$       e)  $n = 5$       f)  $n = 0$

(10p) 9. Fie  $[a, \infty)$ ,  $a \in \mathbb{R}$ , domeniul maxim de definiție al funcției  $f$ ,  $f(x) = \sqrt{3x-6}$ . Atunci  $a$  este:

- a) -2      b) 0      c) 2      d) 4      e) 6      f) 3

(10p) 10. 3 la ce putere face 6 ?

- a) 2      b) 1,5      c) 3      d)  $\log_3 2$       e)  $\log_3 2 + 1$       f)  $\log_6 3$

(10p) 11. Care este numărul real  $a$  pentru care  $\frac{1}{\log_a 2} + \frac{1}{\log_{a^2} 2} + \frac{1}{\log_{a^3} 2} + \frac{1}{\log_{a^4} 2} = 10$ ?

- a) 10      b) 1      c) 0      d) 2      e)  $\frac{1}{2}$       f) nu există

(10p) 12. Dacă  $a, b > 0$  satisfac  $a^b = b^a$  și  $b = 9a$  atunci valoarea lui  $a$  este:

- a) 9      b)  $\frac{1}{9}$       c)  $\sqrt[9]{9}$       d)  $\sqrt[4]{3}$       e) 3      f)  $\sqrt[3]{3}$ .

**Notă.** Fiecare subiect este obligatoriu. La fiecare subiect este corectă o singură variantă de răspuns. Pentru răspuns corect se acordă 10 puncte, pentru lipsa unui răspuns se acordă 2 puncte, iar pentru un răspuns incorect zero puncte. Timp de lucru 2 ore.